

مبحث چهاردهم

# ساختمان داده ها

# الگوریتم های مرتب سازی

- ؛ یک الگوریتم مرتب سازی الگوریتمی است که عناصر یک لیست را در ترتیب معینی قرار می دهد.
- ؛ کارایی مرتب سازی برای بهینه سازی کاربردهای الگوریتم های دیگر مانند جستجو و ادغام، که به لیست های مرتب نیاز دارند، اهمیت دارد.
- ؛ مرتب سازی برای تهیه خروجی های خوانا برای انسان نیز مفید است.

# الگوریتم های مرتب سازی

؛ الگوریتم های مرتب سازی اغلب بر اساس زیر دسته بندی می شوند:

§ پیچیدگی زمانی **مقایسه عناصر** برحسب اندازه لیست  $(n)$  . معمولا برای یک الگوریتم مرتب سازی عادی  $O(n \log n)$  بهترین حالت و  $O(n^2)$  بدترین حالت است. زمان ایده آل  $O(n)$  است.

§ پیچیدگی زمانی **تعداد جابه جایی ها** برای الگوریتم های درجا (in place).

§ **مصرف حافظه** (و استفاده از منابع دیگر سیستم). برخی از الگوریتم های مرتب سازی برون از جا (out place) هستند. که به محل کمکی برای نگهداری داده های موقت علاوه بر داده های در حال مرتب شدن نیاز دارند.

§ بعضی از الگوریتم ها **بازگشتی** یا **غیر بازگشتی** یا **هر دو** هستند.

# مرتب سازی حبابی

؛ مرتب سازی حبابی (Bubble Sort) ساده ترین روش مرتب کردن داده ها می باشد.

؛ مرتب سازی حبابی گام هائی را تکرار می کند تا داده های لیست مرتب شوند. در هر گام **دو عنصر با هم مقایسه می شوند** و اگر ترتیب آنها درست نباشد **با هم جابه جا می شوند**. گام ها تا زمانی که کل لیست مرتب شود و جا به جایی موردنیاز نباشد تکرار می شود.

؛ عناصر کوچکتر به سمت بالای لیست حرکت می کنند به همین دلیل "حبابی" نامیده شده است.

# مرتب سازی حبابی

؛ الگوریتم از ابتدای لیست شروع می کند. دو عنصر اول را مقایسه می کند، اگر اولی از دومی بزرگتر بود جای آنها عوض می شود. به همین ترتیب ادامه می دهد تا به انتهای لیست برسد. الگوریتم مجدداً همین عمل را از ابتدای لیست تکرار می کند تا زمانی هیچ جا به جایی در آخرین گام صورت نگیرد.

؛ با وجود سادگی این الگوریتم بسیار ناکارآمد است و به جز آموزش به ندرت در جاهای دیگر استفاده می شود.

# مرتب سازی حبابی

```
i for i:= 1 to n do
  for j:=n downto i+1 do
    if A[j-1] > A[j] then
      swap( A[j-1], A[j] )
    end if
  end for
end for
```

# مرتب سازی حبابی

آرایه ای با عناصر "5 1 4 2 8" را در نظر بگیرید. گام های لازم برای مرتب سازی لیست به صورت صعودی به صورت زیر است. در هر مرحله عناصری که مقایسه می شوند پررنگ تر نشان داده شده اند.

First Pass

(5 1 4 2 8) —» (1 5 4 2 8)

(1 5 4 2 8) —» (1 4 5 2 8)

(1 4 5 2 8) —» (1 4 2 5 8)

(1 4 2 5 8) —» (1 4 2 5 8)

Second Pass

(1 4 2 5 8) —» (1 4 2 5 8)

(1 4 2 5 8) —» (1 2 4 5 8)

(1 2 4 5 8) —» (1 2 4 5 8)

آرایه مرتب شده است اما الگوریتم به کار خود ادامه می دهد تا به مرحله ای برسد که هیچ جابه جایی صورت نمی گیرد.

Third Pass

(1 2 4 5 8) —» (1 2 4 5 8)

(1 2 4 5 8) —» (1 2 4 5 8)

آرایه مرتب شده است و الگوریتم پایان می پذیرد.

# مرتب سازی حبابی

## ؛ ارزیابی کارایی

§ اگر  $n$  تعداد عناصر لیستی است که دارد مرتب می شود. در هر مرحله یک عنصر در محل خود قرار می گیرد که در مرحله بعد نیاز به بررسی ندارد بنابراین تعداد کل مقایسه ها برابر با  $(n-1)+(n-2)+\dots+1$  می شود. حاصل این مجموع مساوی  $n(n-1)/2$  است که پیچیدگی  $O(n^2)$  را دارد. پیچیدگی در بهترین حالت  $O(n)$  است و زمانی اتفاق می افتد که داده های لیست از قبل مرتب باشد بنابراین حلقه `do-while` تنها یکبار اجرا می شود.

# مرتب سازی انتخابی

؛ مرتب سازی انتخابی (Selection Sort) روش بهبود یافته مرتب سازی حبابی است.

؛ الگوریتم ابتدا کوچکترین عنصر را توسط جستجوی خطی پیدا می کند و آنرا در **اولین محل لیست** قرار می دهد، سپس دومین عنصر کوچک را پیدا می کند و به همین ترتیب تا آخر.

# مرتب سازی انتخابی

```
i for i:=0 to n-2 do
  min:=i
  for j:=(i + 1) to n-1 do
    if A[j] < A[min] then
      min:= j
    end if
  end for
  swap (A[i] , A[min])
end for
```

# مرتب سازی انتخابی

؛ در زیر مراحل مختلف برای مرتب کردن ۵ عنصر (۶۴ ۲۵ ۱۲ ۲۲ ۱۱) مشاهده می شود.

؛ First Pass

(۱۱ ۲۲ ۱۲ ۲۵ ۶۴) → (۶۴ ۲۲ ۱۲ ۲۵ ۱۱)

Second Pass

(۶۴ ۲۲ ۱۲ ۲۵ ۱۱) → (۶۴ ۲۲ ۲۵ ۱۲ ۱۱)

Third Pass

(۶۴ ۲۲ ۲۵ ۱۲ ۱۱) → (۶۴ ۲۵ ۲۲ ۱۲ ۱۱)

Forth Pass

(۶۴ ۲۵ ۲۲ ۱۲ ۱۱) → (۶۴ ۲۵ ۱۲ ۲۲ ۱۱)

# مرتب سازی انتخابی

## ؛ ارزیابی کارایی

§ در مقایسه با الگوریتم های دیگر مرتب سازی انتخابی، به دلیل سادگی ساختار، صرف نظر از ترتیب داده های لیست همیشه یک زمان اجرا را می دهد.  $(n-1)$  جابه جایی در کل مورد نیاز است که نسبت به مرتب سازی حبابی کمتر است و اگر تعداد جابه جایی ها مهم باشد مرتب سازی انتخابی روش مناسبی است. تعداد مقایسه ها در کل برابر است با  $O(n^2) = (n-1) + (n-2) + \dots + 1$ .

# مقایسه الگوریتم های مرتب سازی

توضیحات	بدترین	بهترین	حافظه	پایدار	روش	مرتب سازی
زمان ها در الگوریتم بهینه	$O(n^2)$	$O(n)$	$O(1)$	Yes	Exchange	Bubble Sort
	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$	No	Selection	Selection Sort
بهترین حالت وقتی لیست مرتب است	$O(n^2)$	$O(n)$	$O(1)$	Yes	Insertion	Insertion Sort
	$O(n^2)$	$O(n \log n)$	$O(1)$	Yes	Insertion	Binary Insertion Sort
	$O(n \log n^2)$	$O(n \log n)$	$O(1)$	No	Insertion	Shell Sort
	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$	Yes	exchange	Shaker Sort
	$O(n^2)$	$O(n \log n)$	$O(n)$	No	Partionioning	Quick Sort
در الگوریتم $O(1)$ غیربازگشتی حافظه	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n)$	Yes	Merging	Merge Sort
	$O(n \log n^2)$	$O(n \log n^2)$	$O(n)$	Yes	Merging	Odd-Even Merge Sort
	$O(n^2)$	$O(n \log n)$	$O(n)$	Yes	Indexing	Radix Sort
	$O(k+n)$	$O(k+n)$	$O(k+n)$	Yes	Indexing	Counting Sort
	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(1)$	No	Selection	Heap Sort
	$O(n^2)$	$O(n \log n)$	$O(n)$	Yes	Selection	Tree Sort
	$O(n^2)$	$O(n)$	$O(k)$	Yes	Indexing	Bucket Sort
مرتب سازی موازی است	$O(\log n^2)$	$O(n \log n)$				Bitonic Sort
تعداد افلام منحصر m بفرده	$O(n)$	$O(n)$	$O(1)$	Yes	Selection	Bingo Sort

By: Eng. M. Kamkarhaghghi

با تشکر از توجه شما

موفق باشید